

Universidade Estadual de Maringá  
Departamento de Matemática  
Cálculo Diferencial e Integral II - 2876  
Matemática- Turma 31  
Prova Substitutiva - Parte 2  
11 de Dezembro de 2012 - 19h00min

Nome	Matrícula (RA)	Turma	Chamada	Nota
------	----------------	-------	---------	------

**Questão 1** (2,0 pontos)

- (a) (1,0) Determine o fluxo do campo  $F(x, y, z) = \langle x, y, z \rangle$  através da esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ .
- (b) (1,0) Determine a área da parte do plano  $3x + 2y + z = 6$  que está no primeiro octante.

**Questão 2** (1,5 pontos)

O comprimento  $x$ , a largura  $y$  e a altura  $z$  de uma caixa retangular variam com o tempo. Num certo instante, as dimensões da caixa são  $x = 1m$ ,  $y = z = 2m$ , sendo que  $x$  e  $y$  aumentam a uma taxa de  $2m/s$  enquanto que  $z$  diminui a uma taxa de  $3m/s$ . Neste instante, determine a taxa de variação das seguintes do volume da caixa.

**Questão 3** (2,5 pontos)

A base de um aquário retangular de volume  $4u.v$  é feita de ardósia e os lados são de vidro. O preço do vidro é \$1,00 por unidade de área e o preço da ardósia é \$8,00 por unidade de área. Determine as dimensões do aquário que minimizem o custo do material, usando multiplicadores de Lagrange.

**Questão 4** (2,0 pontos)

Seja  $\mathbf{S}$  o sólido no primeiro octante, acima delimitado pelo plano  $z = 7$  e abaixo pelo parabolóide elíptico  $z = 1 + 2x^2 + 2y^2$ . Determine uma integral (indicando com os limites de integração) que calcula o volume do sólido  $\mathbf{S}$  usando:

- (a) (1,0) Coordenadas cartesianas.
- (b) (1,0) Coordenadas cilíndricas.

**Questão 5** (2,0 pontos)

- (a) (1,0) Determine o trabalho realizado pelo campo

$$F(x, y) = \langle x^2y^2, 4xy^3 \rangle$$

para mover uma partícula que percorre uma única vez o retângulo de vértices  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(1, 3)$  e  $(0, 3)$  no sentido anti-horário.

- (b) (1,0) Calcule o trabalho realizado pelo campo  $F(x, y) = \langle ye^x + \operatorname{sen} y, e^x + x \cos y \rangle$  para mover uma partícula do ponto  $(-1, 2)$  até o ponto  $(2, 8)$  através: (i) da parábola  $y = 2x^2$  (ii) da reta  $y = 2x + 4$ .